

Chapter Three

DO Construct In FORTRAN 90

المقدمة Introduction

في كل الأمثلة السابقة كانت تنفذ أي عبارة مرة واحدة ولكن في كثير من الأحيان نحتاج الى تكرار مجموعة من العبارات لعدد من المرات ولتحقيق هذا الغرض نستخدم تركيبة الدوران أو التكرار **DO Construct** (**DO Construct**) وتسمح تركيبة **DO** بتكرار أي جملة أو مجموعة جمل عدداً معيناً من المرات أو تترك عدد تكرار الجمل مفتوحاً كي تنهيه جملة ظرفية (**EXIT , CYCLE**) (سنأتي على ذكرها) . وتستعمل تركيبة **DO** لإيجاد قيم المتواليات والمصفوفات وقيم عمليات الجمع والضرب المتكررة وأي عملية تحتاج إلى عدد من التكرارات .

هناك نوعين من تركيبة التكرار **DO Construct** في لغة **Fortran 90** هي:

1 . تركيبة الدوران المحددة **Loop Control With a DO Construct**

هذا النوع من تركيبة الدوران تكون محددة التكرار أي عدد مرات التكرار تكون محددة مسبقاً .

DO counter = initial, final, increment

$$\left. \begin{array}{l} \dots \\ \dots \\ \dots \end{array} \right\} \text{block of statements}$$

END DO

والشكل العام لتركيبه **DO** المحددة كما يلي :

حيث :

counter : متغير عددي (يفضل متغير صحيح للحلقات الدورية) يمثل عداد الحلقة التكرارية ويسمى المؤشر أيضاً

initial : القيمة الابتدائية للعداد وهي أما أن تكون ثابت أو متغير عددي معرف أو تعبير رياضي .

final : القيمة النهائية للعداد وهي أما أن تكون ثابت أو متغير عددي معرف أو تعبير رياضي .

increment : مقدار الزيادة للعداد وهي أما أن تكون ثابت أو متغير عددي معرف أو تعبير رياضي وهي تضاف في كل مرة للقيمة الابتدائية للعداد (**initial**) حتى يصل إلى القيمة النهائية للعداد (**final**) .

DO Counter = 1, 10 , 2

مثال:

PRINT *, Counter
END DO

أي أن قيمة عداد الحلقة الابتدائية هو 1 والقيمة النهائية 10 وقيمة الزيادة المنتظمة هي 2 . وفي هذا المثال تتكرر جملة **PRINT *, Counter** خمس مرات ويطبع الأرقام الفردية من 1 إلى 10 .

$K = 10$

مثال:

```
DO Counter = K, K*K, 2
  PRINT *, Counter
END DO
```

وهذا المثال يوضح أن القيمة الابتدائية والقيمة النهائية ومقدار الزيادة ممكن أن تكون ثابت أو متغير أو تعبير رياضي كما تم ذكره في التعريف .

$DO Counter = 100, 1, -1$

مثال:

```
PRINT *, Counter
END DO
```

أن هذا الجزء من البرنامج يطبع الأرقام من 100 إلى 1 ويوضح أيضاً أن تسلسل قيمة عداد الحلقة لا يشترط أن يكون متصاعداً فإذا كان مقدار الزيادة سالباً فإن القيم التي يأخذها عداد الحلقة تكون متناقصة .

ملاحظات مهمة لاستخدام تركيبية DO المحددة :

١- إذا لم يذكر *increment* (مقدار الزيادة) يفهم انه يساوي 1 .

$DO I = 1, N$

مثال:

يعني هذا المثال أن الدليل I يأخذ القيمة الابتدائية 1 والقيمة النهائية N بزيادة مقدارها 1 في كل تكرار .

٢- لا يجوز أن يكون مقدار الزيادة (*increment*) يساوي صفر .

٣- لا يجوز إعادة تعريف أي من متغيرات تركيبية التكرار داخل حلقة التكرار ومثال ذلك:

```
DO I = 1, 20
```

```
  I = I+1
```

```
  X(I) = Y(I) + Z(I)
```

```
END DO
```

← لا يجوز

٤- عداد الحلقة ويسمى أحياناً متغير الدوران هو متغير عددي (صحيح أو حقيقي) ولا ينصح باستخدام الأعداد الحقيقية لمتغير الدوران .

٥- تركيبية التكرار لا تنفذ في الحالات التالية :

A- إذا كان مقدار الزيادة أكبر من صفر والقيمة الابتدائية أكبر من القيمة النهائية أي $0 < inc. > final > initial$

```
DO I = 20, 10, 2
```

مثال :

```
Do I = -5, 10, -1
```

B- إذا كان $0 < final > inc. < initial$ مثل :

وفي حالة عدم تنفيذ تركيبية التكرار DO فإن أول عبارة تنفذ بعد ذلك هي أول عبارة تنفيذية تلي العبارة END DO

٦- عدد مرات تكرار تركيبية التكرار يمكن إيجادها من العلاقة الآتية :

$$NO. = INT \left(\frac{final - initial + increment}{increment} \right)$$

مثال : أكتب برنامج لإيجاد قيمة المفكوك N ؟

الجواب :

```

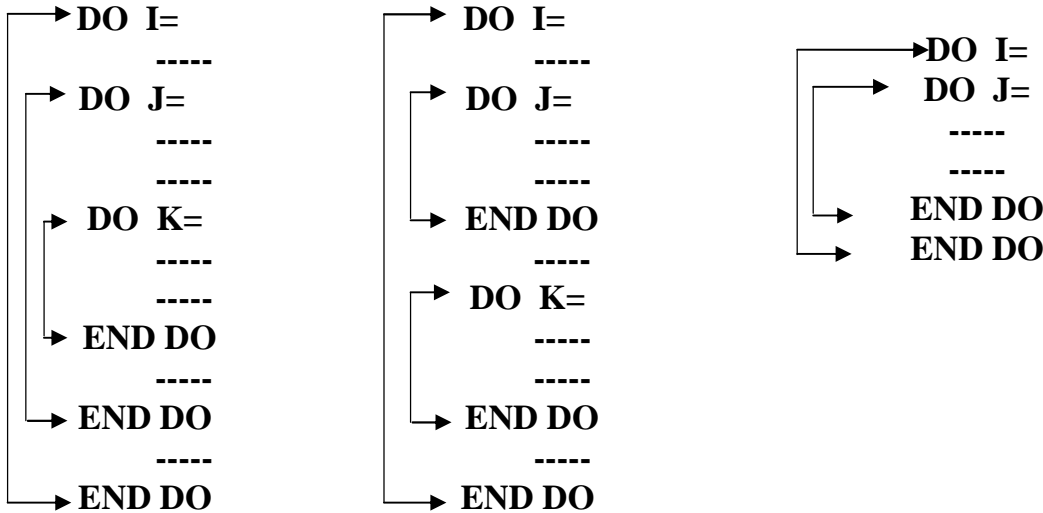
Program Factorial
Implicit none
Integer :: N, I, Fact
Read*,N
Fact =1
Do I = 1, N
Fact=Fact * I
End Do
Print*, N , "!=" , Fact
End Program Factorial

```

حلقات التكرار المتداخلة Nested Do Loops

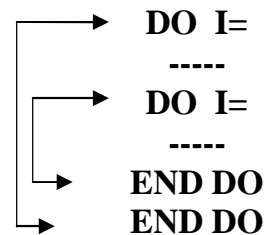
قد تحتوي إحدى حلقات التكرار على حلقة تكرار أخرى أو أكثر وتسمى الحلقات التكرارية في هذه الحالة بالحلقات المتداخلة والقواعد المستخدمة للحلقات المتداخلة هي نفس القواعد المستخدمة لحلقة تكرار واحدة. ومع ذلك يمكن مراعاة النقاط الآتية :

- ١- يجب أن يختلف عداد الحلقات الداخلية عن عداد الحلقات الخارجية .
- ٢- يجب أن تكون الحلقة التكرارية موجودة بكاملها داخل مدى الحلقة التكرارية الخارجية أي غير متقاطعة .



حلقات متداخلة مسموح بها

حلقات تكرارية متداخلة غير مسموح بها لأن لها نفس العداد I



مثال : أكتب برنامجاً لإيجاد مجموع مفكوك الأرقام الزوجية المحصورة بين 1 ، 19 ؟

$$\text{Sum} = 2! + 4! + 6! + 8! + \dots + 18!$$

الجواب :

```
PROGRAM SUM_FACTORIAL
  IMPLICIT NONE
  INTEGER :: I, J, SUM , FACT
  SUM = 0
  DO I = 2, 18, 2
    FACT = 1
    DO J = 1, I
      FACT = FACT* J
    END DO
    SUM = SUM + FACT
  END DO
  PRINT *, 'SUM =', SUM
END PROGRAM SUM_FACTORIAL
```

2. تركيبة الدوران غير المحددة (الدوران المفتوح) Loop Control With a DO Construct

هذا النوع من تركيبة الدوران يكون فيه التكرار غير محدد أي عدد مرات الدوران فيه مفتوحاً بحيث

تتحكم فيه جمل ظرفية من داخله . والشكل العام لتركيبه DO غير المحددة كما يلي :

```
DO
  ...
  block of statements
  IF (logical_expression) EXIT
  ...
  IF (logical_expression) CYCLE
  ...
  block of statements
END DO
```

حيث :

EXIT : جملة ظرفية إذا حدث أن نفذت فإن الدوران ينتهي وينتقل الكمبيوتر إلى تنفيذ البرنامج بعد ترك التكرار

• (أي تنفيذ العبارات بعد جملة END DO)

CYCLE : جملة ظرفية إذا حدث أن نفذت داخل التكرار فإنها تقفز عن مجموعة الجمل اللاحقة لها وتبدأ دورة جديدة

ملاحظة : أن هاتين الجملتين (EXIT , CYCLE) ظهرت في لغة FORTRAN 90 (أي لم تكن موجودة

في نسخ فورتران القديمة) وهي تعني عن بعض استخدامات GOTO في نسخ فورتران القديمة .

وكما ذكرنا سابقاً فإنه يجب التخلص من GOTO قدر المستطاع .

مثال: أكتب برنامج لطباعة قوى العدد 3 أي $3^0, 3^1, 3^2, 3^3, \dots$ ويتوقف الدوران عندما تتجاوز قيمة 3^n مقدار 2000 .

```
PROGRAM SOME_POWER_OF_3
```

```
  IMPLICIT NONE
```

```
  INTEGER :: POWER_OF_3
```

```
  POWER_OF_3 = 1      ! THE ZERO POWER_OF_3
```

```
  DO
```

```
    PRINT *, POWER_OF_3
```

```
    POWER_OF_3 = 3 * POWER_OF_3
```

```
    IF (POWER_OF_3 >= 2000 ) EXIT
```

```
  END DO
```

```
END PROGRAM SOME_POWER_OF_3
```

الجواب:

في هذا المثال نلاحظ أولاً خلو تركيبة التكرار من جملة تحديد عدد مرات الدوران (Loop Control) في بدايته . وهذا يعني أن عدد مرات الدوران يكون مفتوحاً .

لاحظ الجملة الطرفية `IF (POWER_OF_3 >= 2000) EXIT`

حيث يتم تنفيذ الجملة `EXIT` عند تحقق الشرط (التعبير المنطقي `POWER_OF_3 >= 2000`) وبالطبع فإنه

إذا نفذت جملة `EXIT` ، فإن التنفيذ ينتقل الى الجملة التي تلي جملة `END DO` وهي نهاية البرنامج .

ومن الأمثلة العملية على الدوران المفتوح هو أن تتحكم إحدى معطيات الإدخال في إنهاء الدوران . وغالباً ما تنتهي سلسلة من المعطيات الداخلة برقم مقصود كما في المثال التالي :

```
PROGRAM AVERAGE
```

```
  IMPLICIT NONE
```

```
  INTEGER :: NUMBER , NUMBER_OF_NUMBERS , SUM
```

```
  SUM = 0
```

```
  NUMBER_OF_NUMBERS = 0
```

```
  DO
```

```
    READ *, NUMBER
```

```
    IF (NUMBER < 0 ) EXIT
```

```
    PRINT *, "Input data :", NUMBER
```

```
    SUM = SUM + NUMBER
```

```
    NUMBER_OF_NUMBERS = NUMBER_OF_NUMBERS + 1
```

```
  END DO
```

```
  PRINT *, " The average of the numbers is " , REAL(SUM) / NUMBER_OF_NUMBERS
```

```
END PROGRAM AVERAGE
```

يقوم هذا البرنامج بإدخال أرقام صحيحة موجبة ثم يقوم بجمعها وإيجاد معدلها . أن أي رقم سالب في سلسلة الأرقام

المدخلة يعني نهاية البرنامج وهذا تتحكم به الجملة الشرطية `IF (NUMBER < 0) EXIT`

ولاستعراض جملة CYCLE نأخذ المثال التالي :

```
PROGRAM ODD_NUMBERS
  IMPLICIT NONE
  INTEGER :: NUMBER , NUMBER_OF_ODD_NUMBERS
  NUMBER_OF_ODD_NUMBERS = 0
  DO
    READ *, NUMBER
    PRINT *, "Input data :", NUMBER
    IF (NUMBER < 0 ) THEN
      EXIT
    ELSE IF (MODULO(NUMBER, 2) == 0) THEN
      CYCLE
    ELSE
      NUMBER_OF_ODD_NUMBERS = NUMBER_OF_ODD_NUMBERS + 1
    END IF
  END DO
  PRINT *, " The number of odd numbers is" , NUMBER_OF_ODD_NUMBERS
END PROGRAM AVERAGE
```

وفي هذا البرنامج نقوم بإدخال أرقام معينة وتستخدم هنا تركيبية IF- THEN الشرطية فعند إدخال أول رقم سالب

وإذا لم يتحقق هذا الشرط فيتم

```
IF (NUMBER < 0 ) THEN
  EXIT
```

فسوف تنتهي الحلقة التكرارية من خلال العبارة

اختبار الرقم المدخل لمعرفة ما إذا كان هذا الرقم فردياً وتتم عملية الاختبار هذه بواسطة الدالة المكتبية

MODULO(NUMBER, 2) وتكون قيمة الدالة المكتبية هي قيمة باقى قسمة NUMBER / 2

وبالطبع تكون صفراً للأعداد الزوجية . لاحظ أنه عند انطباق هذا الشرط يقوم البرنامج بتنفيذ جملة CYCLE التي تنقل تركيبية الدوران إلى دورة جديدة .

$$Y = \sum_{a=1}^5 \sum_{x=3}^{12} \frac{X^a (X-a)}{a(X+a)}$$

أسئلة محلولة :
س 1/ أكتب برنامجاً لإيجاد قيمة Y من العلاقة الآتية :

الجواب:

```
PROGRAM VALUE_OF_Y
IMPLICIT NONE
REAL :: A , X , Y
Y = 0.0
DO A = 1., 5.
DO X = 3., 12.
Y = Y + X**A*(X-A)/(A*(X+A))
END DO
END DO
PRINT *, "Y = " , Y
END PROGRAM VALUE_OF_Y
```

س 2/ أكتب برنامجاً لقراءة درجات مئة طالب S1, S2, S3, S4, S5, ..., Si, ..., S100

ثم حساب :

$$AVG = (\sum_{i=1}^{100} Si) / 100$$

أ- الدرجة المتوسطة

$$Di = Si - AVG$$

ب- الفرق بين درجة كل طالب والدرجة المتوسطة .

$$i = 1, 2, 3, 4, \dots, 100$$

الجواب:

```
PROGRAM DEGREES_OF_STUDENTS
IMPLICIT NONE
REAL :: SUM = 0.0 , S(100) , DEGREE(100) , AVERAGE
INTEGER :: I
DO I = 1, 100
READ *, S(I)
SUM = SUM + S(I)
END DO
AVERAGE = SUM / 100.
PRINT "(T5,A, F8.3)", "AVERAGE =", AVERAGE
DO I = 1, 100
DEGREE(I) = S(I) - AVERAGE
PRINT *, DEGREE(I)
END DO
END PROGRAM DEGREES_OF_STUDENTS
```

ملاحظة: من الأخطاء الشائعة التي يقع فيها بعض الطلبة في البرنامج السابق وضع العبارة التي تعطى SUM

```
DO I = 1, 100
READ *, S(I)
SUM = 0.0
SUM = SUM + S(I)
END DO
```

قيمتها الابتدائية داخل حلقة التكرار DO ومثال على ذلك:

وهذا خطأ لأنه لا يؤدي إلى جمع قيم $S(I)$ كلها بإضافتها واحدة بعد الأخرى إلى SUM حيث أنه بعد إضافة أي واحدة من قيم $S(I)$ إلى SUM وقبل إضافة $S(I)$ التي تليها نعيد قيمة SUM إلى قيمتها الابتدائية $SUM = 0.0$ مرة أخرى حين نزيد قيمة I ونبدأ في تنفيذ الخطوات تحت عبارة DO مرة جديد ولذلك فيجب أن توضع العبارة $SUM = 0.0$ قبل عبارة DO حتى لا تنفذ هذه العبارة إلا مرة واحدة فقط.

HOME WORK

س¹ / أوجد قيمة J عند تنفيذ البرنامج الآتي:
(وضح ذلك على مخطط للأعمدة)

```
PROGRAM VALUE_OF_J
IMPLICIT NONE
INTEGER :: M = 2 , N = 3 , J = 0 , I , L , K
DO I = 1, 2
DO K = 2, 3
M = M + 3
END DO
DO L = 1, 3
N = N + 4
END DO
J = J + M + N
END DO
PRINT " (5X,A, I6) " , "J=", J
END PROGRAM VALUE_OF_J
```

س² / ما هي النتيجة المتوقعة للبرنامج التالي ، تتبع خطوات إيجادها بمجدول .

```
PROGRAM VALUE_OF_SUM
IMPLICIT NONE
REAL :: SUM = 0.0
INTEGER :: I, J
DO I = 1, 5
DO J = 1, I
SUM = SUM + 1.5
END DO
END DO
PRINT "(2X, A , F8.2)", "SUM=", SUM
END PROGRAM VALUE_OF_SUM
```


Series (المتسلسلات)

المتوالية : هي عبارة عن سلسلة من الحدود المتوالية والتي إما أن تزداد زيادة منتظمة أو تناقص تناقص منتظم .

$$S = 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \dots + \frac{1}{30}$$

أشبار متشابهة
الحد (١) الحد (٢) الحد (٣) الحد (٤)

مثال ذلك :

$$S = 1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} + \frac{1}{9} - \dots$$

أشبار مختلفة

المتوالية : تكون على نوعين هما :

١ - المتوالية المحددة : وهي المتوالية التي تكون منتهية بحد معين . ومثال ذلك :

$$Y = \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{6} + \frac{1}{8} + \dots + \frac{1}{20}$$

ملاحظات :

(A) نتعرف على المتوالية بأنها محددة أما من خلال شكل المتوالية أو من خلال منطوق السؤال بأن يذكر

عبارة (لغاية 10 حدود أو لغاية 20 حد وهكذا) .

(B) يفضل استخدام عبارة DO المحددة في المتواليات المحددة .

٢ - المتوالية غير المحددة : وهي تلك المتوالية التي تكون منتهية بعدة نقاط تدل على أنها غير منتهية الحدود .

$$S = 1 + \frac{1}{3} - \frac{1}{5} + \frac{1}{7} - \frac{1}{9} + \dots$$

ومثال ذلك :

ملاحظات :

(A) نتعرف على المتوالية بأنها غير محددة أما من خلال شكل المتوالية أو من خلال منطوق السؤال

بأن يذكر عبارة (جد قيمة المتوالية لجميع الحدود التي تزيد فيها قيمة الحد عن 5×10^{-4} أو

عبارة جد قيمة المتوالية أدناه لغاية قيمة الحد أقل من 5×10^{-4}) .

(B) تحل المتوالية غير المحددة باستخدام عبارة DO غير المحددة (الدوران المفتوح) .

أسئلة محلولة على المتواليات المحددة :

س¹ / أكتب برنامجاً لحساب قيمة SUM من مجموع حدود المتسلسلة التالية :

$$SUM = 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \frac{1}{4} + \frac{1}{5} + \dots + \frac{1}{30}$$

الحل :

```
PROGRAM VALUE_OF_SUM
IMPLICIT NONE
REAL :: SUM = 0.0
INTEGER :: I
DO I = 1, 30
    SUM = SUM + 1 / I
END DO
PRINT *, 'SUM =', SUM
END PROGRAM VALUE_OF_SUM
```

س² / أكتب برنامجاً لإيجاد قيمة SUM من المتوالية أدناه و لغاية ٢٥ حداً ؟

$$SUM = 1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} + \frac{1}{9} - \dots$$

الحل :

```
PROGRAM VALUE_OF_SUM
IMPLICIT NONE
REAL :: SUM = 0.0
INTEGER :: I
DO I = 1, 25
    SUM = SUM + (-1)**(I+1) * 1. / (2* I - 1)
END DO
PRINT *, 'SUM =', SUM
END PROGRAM VALUE_OF_SUM
```

س³ / أكتب برنامجاً لإيجاد قيمة p التقريبية من المتوالية أدناه و لغاية ٢٠ حداً ؟

$$\frac{\pi^2}{6} = 1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \frac{1}{4^2} + \frac{1}{5^2} + \dots$$

الحل :

```
PROGRAM VALUE_OF_APPROXIMATE_PI
IMPLICIT NONE
REAL :: SUM = 0.0 , PI
INTEGER :: I
DO I = 1, 20
    SUM = SUM + 1. / I**2
END DO
PI = SQRT (6*SUM)
PRINT *, 'PI=', PI
END PROGRAM VALUE_OF_APPROXIMATE_PI
```

س 4 / أكتب برنامجاً لإيجاد قيمة المتوالية Z أدناه و لغاية ١٠ حدود ؟

$$Z = 1 - \frac{1}{3!} + \frac{1}{5!} - \frac{1}{7!} + \frac{1}{9!} - \dots$$

الحل :

```
PROGRAM VALUE_OF_Z
IMPLICIT NONE
REAL :: Z = 0.0
INTEGER :: I, J, FACT
DO I = 1, 10
FACT = 1
DO J = 1, 2*I-1
FACT = FACT * J
END DO
Z = Z + (-1)**(I+1) * 1. / FACT
END DO
PRINT *, 'Z=' , Z
END PROGRAM VALUE_OF_Z
```

س 5 / أكتب برنامجاً يوجد قيمة Y من المتوالية أدناه و لغاية ١٠ حدود ؟

$$4 + Y^2 = 2X + \frac{4X}{45} - \frac{6X}{42} + \frac{8X}{39} - \frac{10X}{36} + \dots$$

الحل :

```
PROGRAM VALUE_OF_Y
IMPLICIT NONE
REAL :: X, Y, SUM
INTEGER :: I
READ *, X
SUM = 2 * X
DO I = 1, 9
SUM = SUM + (2*I+2) * X / (48 - 3*I)
END DO
Y = SQRT (SUM - 4)
PRINT *, 'Y=' , Y
END PROGRAM VALUE_OF_Y
```

HOME WORK : أكتب برنامجاً لإيجاد قيمة Y بموجب الشروط التالية :

أ - في حالة $4 < x \leq -2$ يستخدم المتوالية أدناه لعشرة حدود $\frac{Y}{3} = X - \frac{X^2}{3!} + \frac{X^4}{5!} - \frac{X^6}{7!} + \frac{X^8}{9!} - \dots$

ب - للحالات الأخرى $Y^2 = |X^2 - 8X|$

يقوم البرنامج بطباعة قيمة X في السطر الثاني والعمود الرابع وقيمة Y في السطر الثالث والعمود السادس

وبعناوين وصيغ مناسبة .

أسئلة محلولة على المتواليات غير المحددة :

س¹ / أكتب برنامجاً لإيجاد قيمة SUM لغاية قيمة الحد أقل من 0.01 ثم أطبع عدد تلك الحدود ؟

$$SUM = 1 - \frac{1}{3} + \frac{1}{5} - \frac{1}{7} + \frac{1}{9} - \dots$$

الحل :

```
PROGRAM VALUE_OF_SUM
IMPLICIT NONE
REAL :: SUM = 0.0 , TERM
INTEGER :: I = 1
DO
TERM = -1** (I+1) * ( 1. / (2*I-1))
IF ( ABS(TERM) < 1.E-2) EXIT
SUM = SUM + TERM
I = I + 1
END DO
PRINT * , "SUM =", SUM , " NO. OF TERMS = ", I-1
END PROGRAM VALUE_OF_SUM
```

س² / أكتب برنامجاً لإيجاد قيمة Z من المتواليات أدناه لغاية قيمة الحد أقل من 10⁻⁴ ؟

$$Z = 1 + \frac{1}{2!} + \frac{1}{3!} + \frac{1}{4!} + \frac{1}{5!} + \dots$$

الحل :

```
PROGRAM VALUE_OF_Z
IMPLICIT NONE
REAL :: Z = 0.0 , TERM
INTEGER :: I = 1 , J , FACT
DO
FACT = 1
DO J = 1, I
FACT = FACT * J
END DO
TERM = 1. / FACT
IF ( ABS(TERM) < 1.E-4) EXIT
Z = Z + TERM
I = I + 1
END DO
PRINT * , "Z = ", Z
END PROGRAM VALUE_OF_Z
```

س³ / أكتب برنامجاً لإيجاد قيمة p التقريبية من المتوالية أدناه لجميع الحدود التي تزيد فيها قيمة الحد عن

$$\frac{\pi^2}{6} = 1 + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{3^2} + \frac{1}{4^2} + \frac{1}{5^2} + \dots \quad ? \text{ وطبع عدد تلك الحدود } 1*10^{-5}$$

الحل :

```
PROGRAM VALUE_OF_APPROXIMATE_PI
IMPLICIT NONE
REAL :: SUM = 0.0 , TERM , PI
INTEGER :: I = 1
DO
  TERM = 1. / I**2
  IF (ABS(TERM) <= 1.E-5) EXIT
  SUM = SUM + TERM
  I = I + 1
END DO
20 PI = SQRT (6*SUM)
PRINT * , "PI = " , PI , " NO. OF TERMS = " , I-1
END PROGRAM VALUE_OF_APPROXIMATE_PI
```

س⁴ / أكتب برنامجاً يسأل عن قيمة X ثم يقوم بحساب وطبع قيمة Y لجميع الحدود التي تزيد

القيمة المطلقة للحد عن $1*10^{-4}$ ؟

$$Y = \frac{\pi}{2} - \frac{3 \sin X}{2!} + \frac{5 \sin X}{4!} - \frac{7 \sin X}{6!} + \frac{9 \sin X}{8!} - \dots$$

الحل :

```
PROGRAM VALUE_OF_Y
IMPLICIT NONE
REAL :: X , Y , FACT , TERM
INTEGER :: I = 1 , J
READ * , X
Y = 3.14159 / 2.
DO
  FACT = 1.0
  DO J = 1 , 2*I
    FACT = FACT * J
  END DO
  TERM = -1**I*(2*I+1)*SIN(X) / FACT
  IF ( ABS(TERM) <= 1.E-4) EXIT
  Y = Y + TERM
  I = I + 1
END DO
PRINT * , "Y = " , Y
END PROGRAM VALUE_OF_Y
```